

|   |                                 |          |                                   |       |
|---|---------------------------------|----------|-----------------------------------|-------|
| UNIDAD  | IZTAPALAPA                      | DIVISION | CIENCIAS BIOLOGICAS Y DE LA SALUD | 1 / 6 |
| NOMBRE DEL PLAN LICENCIATURA EN INGENIERIA DE LOS ALIMENTOS |                                 |          |                                   |       |
| CLAVE   | UNIDAD DE ENSEÑANZA-APRENDIZAJE |          | CRED.                             | 10    |
| 2130046   | CALCULO DIFERENCIAL             |          | TIPO                              | OBL.  |
| H.TEOR. 4.0   | SERIACION                       |          | TRIM.                             |       |
| H.PRAC. 2.0   |                                 |          | II                                |       |
|   | 2130045                         |          |                                   |       |

**OBJETIVO(S) :**

**Objetivos Generales:**

Al final de la UEA el alumnado será capaz de:

- Utilizar las funciones trigonométricas, sus gráficas e identidades.
- Reconocer y aplicar el concepto de derivada.

**Objetivos parciales:**

Al final de la UEA el alumnado será capaz de:

- Utilizar las funciones trigonométricas, sus gráficas e identidades más frecuentes.
- Entender el concepto de límite de una función real y sus algoritmos básicos de cálculo.
- Utilizar la derivada de funciones reales incluyendo las derivadas de orden superior.
- Emplear el cálculo de la derivada para cuantificar variaciones instantáneas de procesos naturales.
- Utilizar los métodos clásicos para resolver problemas de optimización.
- Trazar las gráficas de las funciones mediante el uso de las técnicas estándares del cálculo.

**CONTENIDO SINTETICO:**

- Funciones trigonométricas.
  - Grados y radianes. Conversión.
  - Funciones trigonométricas en un triángulo rectángulo.
  - Definición de las funciones trigonométricas en un número real.
  - Gráficas de las funciones  $a + b\sin x$  y  $a + b\cos x$ .
  - Las funciones  $\tan x$ ,  $\cot x$ ,  $\sec x$  y  $\csc x$ . Definición en términos de  $\sin x$  y  $\cos x$ . Gráficas.
  - Funciones trigonométricas inversas.
  - Identidades trigonométricas.



UNIVERSIDAD AUTONOMA METROPOLITANA

ADECUACION

PRESENTADA AL COLEGIO ACADEMICO  
EN SU SESION NUM. 547

*Norma Pondero López*  
LA SECRETARIA DEL COLEGIO

|                 |   |                     |
|-----------------|---|---------------------|
| NOMBRE DEL PLAN | LICENCIATURA EN INGENIERIA DE LOS ALIMENTOS | 2/ 6                |
| CLAVE           | 2130046                                     | CALCULO DIFERENCIAL |

2. Límites y continuidad de funciones.
  - 2.1 Concepto intuitivo de límite de una función en un punto.
  - 2.2 Límites de suma, resta, producto y cociente de funciones.
  - 2.3 Límite de una función al infinito. Asíntotas.
  - 2.4 Concepto intuitivo de continuidad de una función.
3. La derivada de una función.
  - 3.1 Tasa de cambio, tangentes.
  - 3.2 Fórmulas de diferenciación. Derivada de la función potencial  $ax^n$ , la exponencial  $e^x$  y la logarítmica  $\ln x$ .
  - 3.3 Las derivadas de suma, producto y cociente de funciones. Regla de la cadena.
  - 3.4 Derivadas de las funciones trigonométricas.
  - 3.5 Diferenciación implícita.
  - 3.6 Derivadas de las funciones trigonométricas inversas.
  - 3.7 Derivadas de orden superior.
4. Aplicaciones de la derivada.
  - 4.1 La regla de L'Hôpital.
  - 4.2 Polinomios de Taylor.
  - 4.3 Funciones monótonas. Intervalos de crecimiento y de decrecimiento de una función.
  - 4.4 Valores máximos y mínimos de una función.
    - 4.4.1 Puntos críticos y valores críticos.
    - 4.4.2 Criterios de la primera y la segunda derivada.
    - 4.4.3 Valores extremos: locales y globales. Problemas de optimización.
  - 4.5 Concavidad. Puntos y valores de inflexión.
  - 4.6 El trazo de la gráfica de una función.
  - 4.7 La aplicación de la derivada en las Ciencias Naturales. Velocidades de reacción, de crecimiento corporal y de crecimiento poblacional.

#### MODALIDADES DE CONDUCCION DEL PROCESO DE ENSEÑANZA-APRENDIZAJE:

1. Al inicio de la unidad de enseñanza-aprendizaje, el profesorado presentará el contenido de la UEA, las modalidades de conducción y los criterios de evaluación. El profesorado generará los escenarios para el aprendizaje, utilizando recursos didácticos diversos como lecturas, medios audiovisuales, así como Tecnologías de la Información y Comunicación (TIC). (graficador Geogebra, Thatquiz, Excel, Mafa-graficador, Wolfram, entre otros).
2. Las horas-práctica se conducirán en la modalidad de taller donde se genere un espacio de práctica para que el alumnado resuelva ejercicios, aplicaciones, casos, problemas, etc. con la inducción, solución de dudas y retroalimentación inmediata del profesorado.



UNIVERSIDAD AUTONOMA METROPOLITANA

ADecuACION  
PRESENTADA AL COLEGIO ACADEMICO  
EN SU SESION NUM. 547

LA SECRETARIA DEL COLEGIO



|                 |   |                     |
|-----------------|---|---------------------|
| NOMBRE DEL PLAN | LICENCIATURA EN INGENIERIA DE LOS ALIMENTOS | 3/ 6                |
| CLAVE           | 2130046                                     | CALCULO DIFERENCIAL |

3. A juicio del profesorado se considerarán los siguientes elementos:

- Para el tema de **Funciones trigonométricas**, hacer la distinción y conversión entre grados y radianes. Calcular  $\text{sen } x$  y  $\text{cos } x$  en los argumentos  $0^\circ$ ,  $30^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $60^\circ$  y  $90^\circ$ , utilizando triángulos rectángulos, y sus correspondientes valores en radianes. Trazar la gráfica de las  $\text{sen } x$  y  $\text{cos } x$  y a partir de éstas identificar distintos valores de la forma  $\text{sen}(\frac{n\pi}{m})$ ,  $\text{cos}(\frac{n\pi}{m})$ . A partir de las gráficas  $\text{sen } x$  y  $\text{cos } x$ , trazar las gráficas  $a + b\text{sen } x$  y  $a + b\text{cos } x$ . Definir las funciones trigonométricas restantes, basándose en las funciones  $\text{sen } x$  y  $\text{cos } x$ , así como las funciones trigonométricas inversas. Determinar sus dominios y bosquejar sus gráficas. Para las identidades, presentar: pitagórica, de la suma de dos ángulos, del ángulo doble y algunas que permitan la manipulación de las mismas. Resaltar la diferencia entre ecuación e identidad.
- En **Límites y continuidad de funciones** se debe introducir el concepto de límite en forma intuitiva, para posteriormente centrarse en el cálculo de límites y la manipulación de expresiones racionales y trigonométricas. Además, es recomendable introducir límites de cocientes del tipo que definen derivadas. El uso de gráficas de funciones simples debe ser extensivo para mostrar la relación que existe entre límite y continuidad y su interpretación dentro de un proceso biológico continuo como en el crecimiento logístico, la relación edad-talla, edad-peso, entre otros.
- En el tema de la **Derivada de una función**, introducir la derivada como una tasa de cambio instantánea e ilustrar ampliamente explicando su significado (geométrico, físico, biológico). Ejercitar las fórmulas de derivación, demostrar sólo las del tipo  $ax^n$  con  $n$  entero positivo y enunciar las fórmulas de derivación para las funciones  $e^x$  y  $\ln x$ . Presentar la derivada de las funciones trigonométricas básicas  $\text{sen } x$  y  $\text{cos } x$  y a partir de éstas deducir las funciones trigonométricas  $\tan x$ ,  $\cot x$ ,  $\sec x$  y  $\csc x$ . Para la regla de la cadena, ilustrar con ejemplos del tipo  $e^{f(x)}$ ,  $\ln f_x$ ,  $\text{sen } f_x$ ,  $\text{cos } f_x$ ,  $\tan f_x$ . En el tema de diferenciación implícita, se pueden deducir las fórmulas de derivación de las funciones trigonométricas inversas. Explicar con ejemplos sencillos las nociones de condición necesaria y condición suficiente. Resaltar la importancia de probar la doble implicación, cuando se presente el caso.
- En el tema de **Aplicaciones de la derivada** se deberá enfatizar los siguientes puntos:  
Referente al tema de la **regla de L'Hôpital** aplicar solo a los casos:  
 $\frac{0}{0}, \pm \frac{\infty}{\infty}, 0 \cdot \infty$   
Aplicar los **polinomios de Taylor** para aproximar funciones como  $\text{sen } x$ ,  $\text{cos } x$ ,  $e^x$ , ejemplificando con polinomios de grado pequeño.  
**Gráficas de funciones** indicando los elementos de éstas: intervalos de crecimiento, de decrecimiento, de concavidad, convexidad, así como la localización y clasificación de los puntos críticos, y los de



UNIVERSIDAD AUTONOMA METROPOLITANA

Casa abierta al tiempo

ADECUACION

PRESENTADA AL COLEGIO ACADEMICO  
EN SU SESION NUM. 547

Norma Tondero López  
LA SECRETARIA DEL COLEGIO

inflexión. Es conveniente hacer notar las clases de puntos críticos que existen, ya sea donde la derivada se anula o bien donde la derivada no existe. Se recomienda hacer gráficas de funciones:

- Polinomios
- Racionales del tipo  $\frac{ax+b}{cx^2+dx+e}$
- Trigonométricas
- $f(x) = (ax+b)e^{cx+d} + f$
- $f(x) = ax^n \ln x$
- $f(x) = a/(b + ce^{dx})$

En las **aplicaciones a las ciencias biológicas** es conveniente hacer la interpretación de la derivada como la razón de cambio correspondiente y cuando sea necesario los puntos críticos como puntos de equilibrio (concentración máxima, temperatura de equilibrio, etc.).

4. Se debe promover la detección y solución de errores por parte del alumnado, la descripción por parte del alumnado del proceso que siguió para resolver un problema, la verbalización de las funciones y gráficas, la lectura de los textos complementarios y su análisis dentro del contexto de la unidad de enseñanza-aprendizaje. Asimismo, se debe reforzar el uso adecuado de los elementos de graficado y de la escritura de las matemáticas.
5. Antes de iniciar la unidad de enseñanza-aprendizaje y también previo a la aplicación de cada evaluación departamental, el profesorado deberá reunirse para consensuar las diversas actividades (incluidas fechas de las evaluaciones departamentales, uso de tecnologías de la información y lecturas adicionales). Además, al finalizar el trimestre el profesorado deberá entregar al coordinador o coordinadora de apoyo de matemáticas para CBS, una evaluación de las actividades y resultados académicos obtenidos y en su caso, proponer las adecuaciones pertinentes.
6. Esta Unidad de Enseñanza-Aprendizaje podrá impartirse en modalidad presencial, remota o mixta dependiendo de las condiciones que prevalezcan en el momento. Es recomendable que el profesorado se apoye en el uso de las TIC.

#### MODALIDADES DE EVALUACION:

Evaluación global:

Los factores de evaluación y su ponderación serán a juicio del profesorado y se darán a conocer al inicio de la unidad de enseñanza-aprendizaje. Esta incluirá evaluaciones periódicas (departamentales), y otros elementos que a juicio del profesorado considere relevantes, así mismo, se podrá considerar una evaluación terminal. Se realizarán tres exámenes departamentales, con la siguiente calendarización y contenido:



Casa abierta al tiempo

UNIVERSIDAD AUTONOMA METROPOLITANA

ADECUACION

PRESENTADA AL COLEGIO ACADEMICO  
EN SU SESION NUM. 147

*Norma Pondero Lopez*

LA SECRETARIA DEL COLEGIO



|                 |   |                     |
|-----------------|---|---------------------|
| NOMBRE DEL PLAN | LICENCIATURA EN INGENIERIA DE LOS ALIMENTOS | 5/ 6                |
| CLAVE           | 2130046                                     | CALCULO DIFERENCIAL |

Primer departamental se aplicará al final de semana 4 y los temas a evaluar serán: Funciones trigonométricas, Límites y continuidad de funciones.

Segundo parcial se aplicará al final de semana 7 y el tema a evaluar será: Derivada de una función.

Tercer parcial se aplicará en la última semana del periodo de clases o en la semana de evaluaciones globales y el tema a evaluar será: Aplicaciones de la derivada.

Los exámenes departamentales se aplicarán en el horario de clase establecido.

Evaluación de recuperación:

Consistirá en una evaluación escrita que, a juicio del profesorado, incluya todos los contenidos del programa o sólo aquellos que no fueron cumplidos mediante evaluación global.

#### BIBLIOGRAFIA NECESARIA O RECOMENDABLE:

Necesaria:

1. Edwards, C. Henry, y Penney, David E. (2008). Cálculo con trascendentes tempranas. 7a. Edición. Prentice Hall.
2. Hughes-Halet, D., Gleason A. M., Lock P. F. (2003). Cálculo aplicado. 2a. Edición. CECSA.
3. Larson, R., Edwards, B. (2016). Cálculo I. 10a. Edición, México: CENGAGE Learning. (Disponible en BIDI UAM)
4. Leithold, Louis. (1998). El cálculo. Oxford University Press.
5. Neuhauser, C. (2004). Matemáticas para ciencias. Pearson Education.
6. Stewart, J. (2018). Cálculo, 8a. Edición. CENGAGE Learning. (Disponible en BIDI UAM)

Recomendable:

1. Beckmann, P. (2008). Historia de pi. QED Conaculta Librería.
2. Benson, S.W. (2004). Cálculos Químicos: Una introducción al uso de las matemáticas en la química. LIMUSA.
3. Borges, J. (1999). El aleph/El jardín de los senderos que se bifurcan/La biblioteca de Babel Alianza Edi España.
4. Enzesberger, H. M. (1997). El diablo de los números. Ediciones Siruela.
5. Guedj, D. (2009). El teorema del loro. Anagrama (298), 5a. Edición.
6. Goldratt, M. Eliyahu. (2005). La meta. 3a. Edición. Díaz de Santos.
7. Hernández, G. y Velasco Hernández J. X. (1999). El manantial escondido. Un acercamiento a la Biología teórica y Matemática. Fondo de Cultura Económica.



UNIVERSIDAD AUTONOMA METROPOLITANA

ADECUACION

PRESENTADA AL COLEGIO ACADEMICO  
EN SU SESION NUM. 547

*Norma Pondero López*

LA SECRETARIA DEL COLEGIO

|                 |   |      |
|-----------------|---|------|
| NOMBRE DEL PLAN | LICENCIATURA EN INGENIERIA DE LOS ALIMENTOS | 6/ 6 |
| CLAVE 2130046   | CALCULO DIFERENCIAL                         |      |

8. Jasson, J. (2014). La analfabeta que era un genio de los números. Narrativa Salamandra.
9. Kasner, E., Newman J. (2007) Matemáticas e imaginación. QED Conaculta Librería.
10. Maor, E. (2006). *e*: historia de un número. QED Conaculta Librería.
11. Paenza, A. (2006). Matemática ¿estás ahí? Siglo XXI.
12. Perelman, Y.I. (1975). Aritmética recreativa. Cultura Popular.
13. Perelman, Y. (1982). Álgebra recreativa. Ciencia Popular. Ed. Mir-Moscú.
14. Prieto, C. (2005). Aventuras de un duende en el mundo de las matemáticas. Fondo de cultura económica: La ciencia para todos (206).
15. Verne, J. (2007). De la Tierra a la Luna. Alrededor de la Luna. Editorial Porrúa, Colección "Sepan Cuantos" (111).

